

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Цветлюк Лариса Сергеевна

Должность: Ректор

Дата подписания: 28.12.2024 14:42:53

Уникальный программный ключ:

e4e919f04dc802624637575c97796a744138b172b88dd38f930146c2340974f9

**АВТОНОМНАЯ НЕКОММЕРЧЕСКАЯ ОРГАНИЗАЦИЯ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ИНСТИТУТ НЕПРЕРЫВНОГО ОБРАЗОВАНИЯ»
(АНО ВО ИНО)**

Принято

На заседании Ученого совета

(протокол №12 от 26.12.2024 г.)



Цветлюк Л.С.

27 декабря 2024 г.

**ПРОГРАММА
ВСТУПИТЕЛЬНОГО ИСПЫТАНИЯ
ПО МАТЕМАТИЧЕСКОМУ АНАЛИЗУ
ДЛЯ ОТДЕЛЬНЫХ КАТЕГОРИЙ ГРАЖДАН,
ПОСТУПАЮЩИХ В 2025 ГОДУ
на базе профессионального образования**

по направлениям подготовки

38.03.01 Экономика

38.03.02 Менеджмент

38.03.04 Государственное и муниципальное управление

43.03.01 Сервис

квалификация: бакалавр

г. Москва

ВВЕДЕНИЕ

Настоящая программа составлена в соответствии с приказом Министерства науки и высшего образования РФ от 27.11.2024 г. № 821 «Об утверждении Порядка приема на обучение по образовательным программам высшего образования - программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры», регламентирует содержание вступительных испытаний по математическому анализу, проводимых АНО ВО ИНО самостоятельно.

Программа вступительных испытаний составлена в соответствии с требованиями предмета «математический анализ» в объеме программ среднего профессионального образования.

ПРОГРАММА ПРЕДМЕТА «МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ»

Тема 1. МНОЖЕСТВА

Множества. Элемент множества. Операции над множествами: объединение, пересечение, разность. Высказывания. Конъюнкция и дизъюнкция. Логические символы. Кванторы. Отображения и их виды. Необходимое и достаточное условия. Прямая, обратная и противоположная теоремы. Основные числовые множества. Ограниченные множества. Теорема о существовании точной грани у ограниченных множеств.

Числовые последовательности и основные действия над ними. Ограниченные и неограниченные последовательности. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности и их связь. Основные свойства бесконечно малых последовательностей. Сходящиеся последовательности и их свойства. Монотонные последовательности. Число ϵ . Второй замечательный предел.

Тема 2. ФУНКЦИИ

Отображения. Виды отображений: инъективные, сюръективные и биективные. Функция как отображение. Функциональные зависимости. Способы задания функций. График функции. Основные элементарные функции. Основные свойства функций: области определения и значений, чётность и нечётность, периодичность, монотонность и другие. Сложная функция. Обратимость функции и понятие обратной функции. Предел функции в бесконечности и в точке, различные его определения. Теоремы о пределах. Способы вычисления пределов. Односторонние пределы. Первый и второй замечательные пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции.

Сравнение бесконечно малых. Эквивалентные бесконечно малые. Понятие непрерывности функции. Определение непрерывности. Свойства непрерывных на отрезке функций. Теоремы Вейерштрасса и Кантора Классификация точек разрыва.

Тема 3. ПРОИЗВОДНАЯ

Понятие производной, её геометрический и физический смысл. Дифференцируемость функции в точке. Связь между дифференцируемостью и непрерывностью. Правила дифференцирования. Вычисление производных основных элементарных функций. Теорема о производной обратной функции. Вычисление производных обратных тригонометрических функций и показательной функции. Производная сложной функции. Гиперболические функции и их производные. Таблица производных. Дифференцирование функции, заданной параметрически. Производная неявной функции. Логарифмическое дифференцирование. Производные высших порядков. Формула Лейбница. Понятие дифференциала и его геометрический смысл. Приближённые вычисления с помощью дифференциала. Инвариантность формы дифференциала. Дифференциалы и производные высших порядков. Теоремы о производных. Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталья и раскрытие неопределённостей

Признак монотонности функции. Отыскание точек локального экстремума. Необходимое и достаточное условие экстремума функции в точке. Наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке. Применение второй производной к нахождению экстремумов. Направление выпуклости и точки перегиба графика функции. Асимптоты графика функции. Схема исследования функции. Построение графиков основных элементарных функций. Преобразования графиков. График обратной функции. Параметрическое уравнение кривой на плоскости и в пространстве.

Тема 4. ЧИСЛОВОЙ РЯД

Понятие числового ряда. Сходимость и сумма ряда. Необходимое условие сходимости. Действия с рядами. Ряды с положительными членами. Признаки сходимости Даламбера и Коши. Признак сравнения. Знакопеременные и чередующиеся ряды. Абсолютная и условная сходимость. Признак Лейбница. Теорема Тейлора. Остаточный член ряда Тейлора в форме Лагранжа, Пеано, Коши. Формула Маклорена. Разложение основных элементарных функций в ряды Тейлора и Маклорена и их использование для приближённых вычислений. Функциональные ряды. Понятие равномерной сходимости. Признак Вейерштрасса. Степенные ряды. Теорема Абеля. Круг сходимости. Свойства степенных рядов.

Тема 5. ИНТЕГРАЛ

Понятие первообразной. Неопределённый интеграл и его геометрический смысл. Действия над неопределёнными интегралами. Свойства неопределённого интеграла. Таблица основных интегралов. Внесение функции под знак дифференциала. Основные методы интегрирования: подстановкой, по частям, разложением. Интегрирование тригонометрических функций. Интегрирование рациональных и некоторых иррациональных функций. Подстановки Эйлера.

Задачи, приводящие к понятию определённого интеграла. Определённый интеграл как предел интегральных сумм. Геометрический и механический смысл определённого интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Приложение интегралов к вычислению площадей плоских фигур, объёмов тел и площадей поверхностей кривых. Несобственные интегралы первого и второго рода, признаки их сходимости. Интегралы, зависящие от параметра. Дифференцирование и интегрирование по параметру.

Понятие функции нескольких переменных. Непрерывность функции нескольких переменных. Повторные пределы. Бесконечные пределы. Дифференцируемость функции нескольких переменных. Необходимое и достаточное условия дифференцируемости функции в точке. Дифференцируемость сложной функции. Частные производные. Правила дифференцирования. Дифференциал, его геометрический смысл. Инвариантность формы первого дифференциала. Формула конечных приращений Лагранжа. Дифференциалы высших порядков. Касательная плоскость к графику функции двух переменных. Производная по направлению. Градиент. Формула Тейлора для функции нескольких переменных. Необходимые и достаточные условия экстремума. Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа.

СПИСОК РЕКОМЕНДУЕМОЙ УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ

1. Копылова, Н.Т. Математический анализ: учебно-методическое пособие / Н.Т.Копылова, М.Л. Поддубная, Е.Г. Свердлова. – 2-е изд., стер. – Москва; Берлин : Директ-Медиа, 2017. – 94 с.: URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=477628>
2. Веретенников, В.Н. Высшая математика. Аналитическая геометрия: учебно-методическое пособие / В.Н. Веретенников. – Москва; Берлин : Директ-Медиа, 2018. – 193 с.: URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=482727>
3. Горелов, В.И. Математика: сборник задач и упражнений: [16+] / В.И. Горелов, Т.Н.Ледащева, О.Л. Карелова; под общ. ред. В.И. Горелова; Российская международная академия туризма. – Москва: Университетская книга, 2016. – 112 с.: URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=574947>